内容解説資料

第 1 部

物体の運動とエネルギー

運動といえば，スポーツや乗り物など，身近なものが思い浮かぶ。私たちの身の回りのものや，天体，大気，分子などあまり馴染みのないものの運動も，同じ 3 つの法則で説明できる。この部では，様々な運動と，それと密接な関係がある力やエネルギーについて学ぶ。

第 1 章　物体の運動　14

物体の運動の様子を表すには，時間の経過における，物体の位置や速度，加速度の関係を明らかにする必要がある。式やグラフを利用して，物体が一定の加速度で運動する**等加速度直線運動**について理解しよう。

第 2 章　力と運動　54

物体の運動は，物体が受ける力によって引き起こされる。力と運動の関係を表す**運動の三法則**について学習し，物体の様々な運動を予測してみよう。

第 3 章　仕事とエネルギー　100

物体を動かす力には，仕事をしたりエネルギーを蓄えたりする性質がある。仕事やエネルギーの表し方とともに，**力学的エネルギー保存の法則**について学習しよう。

滝とモノレール(チャンギ空港)

内容解説資料

第１章　物体の運動

野球などのボールが複雑な動きをしていても選手がうまくバットで打ち返したりキャッチしたりできるのは，ボールの運動に規則性があり予測できるためである。物体の運動を表す量の関係を式やグラフを用いて理解し，運動の規則性を探る物理の探究をはじめよう。

第１節　運動の表し方

歩く人や電車など，運動する物体の「速い」「遅い」はどのようにして比べるとよいだろうか。また，「速さ」や「速度」といった言葉は日常生活でもよく使われるが，どういう意味だろうか。これらの量を定義し，物体の運動を正確に表す方法を考えよう。

A　速さ

1　速さ

物体が運動しているとき，物体の移動距離を，移動に要した時間(経過時間)で割った量，すなわち，単位時間→Check，p.274 あたりの移動距離を**速さ**　speed　という。

速さ＝(移動距離)/(経過時間)　(1)

式(1)で，時間の単位に**秒**(記号 s)，距離の単位に**メートル**(記号 m) を用いると，速さの単位は**メートル毎秒**(記号 m/s)となる。日常生活では，速さの単位に**キロメートル毎時❷**(記号 km/h)などを使うこともあるが，物理では多くの場合，m/s を用いる。

↓ 表１　いろいろなもののおよその速さ

✓Check

単位時間

単位時間とは，１ 秒間，１ 分間，１時間などである。

何かの１の量を表すときに「単位〇〇あたり」という言葉を使う。

問１　500 m を 40 s で走る電車と，100 m を 10 s で走る短距離走者はどちらが速いか。

❶ 10^3 は $10\times10\times10=1000$ を表す(→p.274)。

❷ このキロメートル毎時を，日常生活ではよく「時速〇km」という。

2　平均の速さと瞬間の速さ

図 1 (b)は，電車が駅を発車してから次の駅に停車するまでの速さの変化を，運転席にあるスピードメーター(速度計)から読み取ったものである。グラフから電車の速さは，駅を発車

してからだんだんと速くなり，その後一定となる。やがて次の駅に近づくと，だんだんと遅くなって停車する様子が読み取れる。この場合，２つの駅の間の距離を，経過時間で割った量(式(1)で計算した速さ)は，この電車の**平均の速さ**→問２を表している。一方，スピードメーターの値は刻々と変化しており，各時刻における電車の速さを示している。これを**瞬間の速さ**❸という。一般に，速さといえば，瞬間の速さをさす。

↑ 図１　電車の速さの変化

やってみよう　人の運動の分析
①記録テープの一端を持ち，一定の速さで歩く。
②テープの各区間の速さを調べる。
③速さと時間の関係をグラフで表す。
④平均の速さをグラフに描き入れて比較しよう。

参考　速さの単位の変換
日常生活では，m/s 以外にも様々な速さの単位が用いられている。例えば，電車や自動車など乗り物の速さには km/h が使われる。これらの単位は, 距離の単位の関係 1 km=1000 m などと，時間の単位の関係 1 h=3600 s などを用いて変換することができる。例えば，90 km/h という速さの単位を次のように m/s に変換できる。
90 km/h=90×(1 km)/(1 h)=90×(1000 m)/(3600 s)=25×(1 m)/(1 s)=25 m/s

問２　自転車が 30 s 間に 150 m 走ったとき，自転車の平均の速さは何 m/s か。また，何 km/h か。

❸ 例えば，図１ (b)で時刻 20 s の瞬間の速さはグラフの縦軸から 50 km/h と読み取れる。

B　等速直線運動
1　等速直線運動を表す式　図２のように直線上を一定の速さで進む物体の運動を**等速直線運動**　linear uniform motion　という。一定の速さ v〔m/s〕で運動する物体の，移動距離 x〔m〕は時間 t〔s〕に比例しており，次式で表される。

等速直線運動　条件　直線上の運動で速さが一定
$x= vt$　(2)
x〔m〕　移動距離
v〔m/s〕　速さ
t〔s〕　経過時間(time)

↑ **図 2　等速直線運動をする模型自動車のストロボ写真**(発光間隔 0.2 s，目盛り単位 cm)

問 3　長い直線道路を一定の速さで走る自転車が 30 s 間に 75 m 進んだ。自転車の速さを求めよ。また，50 s 間に進む距離を求めよ。

2　等速直線運動を表すグラフ

物体が等速直線運動をする場合，移動距離 x と経過時間 t との関係を表すグラフ→図 3(x-t グラフ)は傾きが一定の直線となる。その傾きは，式(2)より，物体の速さ v を表している。

物体が等速直線運動をする場合，速さ v と経過時間 t との関係を表すグラフ→図 4(v-t グラフ)は t 軸に平行な直線となる。ここで，t〔s〕間の移動距離は，その間のグラフと t 軸で囲まれた部分　　の面積で表される。

✓Check

式(2)

***x*-*t* グラフの傾き**

傾き=(タテの量)/(ヨコの量)

速さ

$v=x/t=$(50 m)/(20 s)=2.5 m/s

↑ **図 3　等速直線運動の *x*-*t* グラフ**

✓Check

式(2)

***v*-*t* グラフの面積**

長方形の面積=タテの量×ヨコの量

移動距離

$x=vt=$2.5 m/s×20 s=50 m

↑ **図 4　等速直線運動の *v*-*t* グラフ**

問 4　ある物体が等速直線運動をしている。このとき，物体の移動距離 x と経過時間 t の関係は右図の x-t グラフのように表された。この物体の速さは何 m/s か。

やってみよう　等速直線運動

①CD の穴をラベル面側からセロハンテープを貼って塞ぐ。

②ラベル面を上にしてなめらかな机の上ですべらせる。
③運動の様子を撮影し，物体の位置や速さの変化を調べる。

C　変位と速度

1　速度

「東向きに 20 m/s の速さ」と「西向きに 20 m/s の速さ」とでは，速さは同じでも進む向きが違うので，異なる運動である。そこで，速さと運動の向きを合わせた量を考えて運動の状態を表すことにし，これを**速度**❶　velocity　という。
物体が直線上を運動する場合，直線の方向のどちらかの向き❷を正として座標軸をとることで，**速度の向きを正負の符号で表す**ことができる。
速度のように，大きさと向きをもつ量を**ベクトル**❸という。

↑ **図 5　速さと速度**

問 5　東西方向の高速道路を，自動車 A は東向きに 20 m/s，自動車 B は西向きに 25 m/s の速さで走っている。東向きを正の向きとして，それぞれの速度を答えよ。

速度ベクトル

速度をベクトルとして記号で表すときは $\vec{v}$ のように文字の上に→を書き，図示するときは右図のように矢印で表す。このとき，矢印の向きは速度の向きを表し，矢印の長さは速度の大きさ(速さ)に比例するように描く。$\vec{v}$ の矢印を省略して単に v と表すこともある。

速度ベクトル　速度ベクトルの大きさは，速さを表す。

❶ 速度が一定の運動は等速直線運動であり，**等速度運動**ともいう。
❷「方向」は例えば「南北方向」や「上下方向」のように一直線で表され，「向き」は例えば「北向き」「南向き」のように矢印で表すことができる一方である。
❸ ベクトルに対し，長さ，時間，質量，温度などのように，向きをもたず大きさだけをもつ量を**スカラー**という(→p.270)。

2　位置と変位

図 6 のように，原点 O を基準点とし，正の向きを決めると，物体の**位置**を座標で表すことができる。直線上を物体が運動しているときは，直線に沿って x 軸をとるとよい。
物体の位置の変化を**変位**　displacement　という❶。時刻 t_1〔s〕，t_2〔s〕（$t_1<t_2$）での物体の

位置が x_1〔m〕，x_2〔m〕のとき，位置の変化は x_2-x_1 であり，これを変位 Δx❷と表す。

$\Delta x = x_2 - x_1$　(3)

変位の大きさが 2 点間の距離を表し，正負の符号が移動の向きを表す。

↑ **図 6　時刻 t_1 から t_2 の間における物体の位置の変化**　変位の大きさは実際に物体が移動した距離(経路に沿った距離)とは異なる。

✓Check
物理量の変化
(変化後の物理量)-(変化前の物理量)

問 6　x 軸上の x=2.0 m の位置にあった物体が x 軸上を運動し，x=5.0 m の位置に移動した。この間の物体の変位の大きさは何 m か。また，変位の向きはどちら向きか。

3　平均の速度と瞬間の速度
時刻の変化 t_2-t_1 を時間 Δt と表す。物体が運動したとき，変位 Δx($=x_2-x_1$) を経過時間 Δt($=t_2-t_1$) で割った量は**単位時間あたりの変位**を表す。これを**平均の速度**という。変位が負であれば，平均の速度も負となる。

$\bar{v} = (x_2 - x_1)/(t_2 - t_1) = (\Delta x)/(\Delta t)$　(4)

✓Check
時刻と時間
時刻とは，時系列上のある一瞬の点を表し，時間とは，ある時刻から別の時刻までの間隔を表すことが多い。

Δt を非常に小さくした場合の速度を**瞬間の速度**といい，瞬間の速度の大きさが瞬間の速さである。一般に，速度といえば瞬間の速度をさす❸。

4　x-t グラフと瞬間の速度
ある物体の運動が図 7 のような x-t グラフ(緑の曲線)で表されるとき，式(4)より， 図 7 の直線 PQ の傾きは，時刻 t_1 から時刻 t_2 までの**平均の速度**を表す。
一方で，時刻 t_1 での**瞬間の速度**とは，時刻 t_2 を時刻 t_1 に限りなく近づけたとき(図 7 で Δt

を 0 s に近づけたとき)の速度である。このとき，直線 PQ は 1 つの接線 L に近づく。接線 L の傾きは，時刻 t_1 における瞬間の速度を表す。

↑ **図 7　*x-t* グラフと瞬間の速度**

問 7　止まっていた自動車が東向きに動き出して, 10 s 後には止まっていたところから 50 m, 20 s 後には 200 m の位置を走っていた。東向きを正として，動き出して 10 s 後から 20 s 後の間の平均の速度を求めよ。

問 8　右の図は，x 軸上を等速直線運動する 3 つの物体 A，B，C の x-t グラフである。
⑴ A，B，C の速度を求めよ。
⑵ 時刻 t〔s〕における A，B，C の位置 x_A〔m〕，x_B〔m〕，x_C〔m〕を，それぞれ t を用いて表せ。

✓Check
***x-t* グラフ**
傾きが負の場合
→速度 v は負
変位も負

✓Check
時刻 t=0 s での物体の位置が $x=x_0$ であった場合，式(2)は $\boldsymbol{x=x_0+vt}$ となる。

第 1 節の振り返り
●**速さ**は単位時間あたりの移動距離，**速度**は単位時間あたりの変位を表す。
●**等速直線運動**は，一定の速さで直線上を進む運動で，$x=vt$ と表すことができる。
(x：移動距離，v：速さ，t：経過時間)
◆ Challenge
□ 運動を表すとき「速さ」ではなく「速度」が必要になるのはどんなときか，具体例を考えよう。

❶位置と変位も，速度のように，大きさと向きをもつベクトル(→p.17)である。位置は始点を原点にとるベクトルで表す。
❷ $\varDelta$ と次に続く文字の組で，$\varDelta$ の次に続く文字で表す量の変化分を表す。$\varDelta x$ は x で表す量の変化分を表し，$\varDelta$ と x の積ではない($\varDelta$ はギリシャ文字→p.274)。

❸ 以後，瞬間の速度を v と表す。区別する場合は平均の速度を $\bar{v}$ と書き，「ブイ・バー」と読む。 $\bar{}$ は $\bar{}$ をつけた量の平均を表す。

内容解説資料

第２節　相対速度と速度の合成

太平洋を飛行機で横断すると，偏西風の影響で東行きの方が西行きより所要時間が短い。風があるときとないときで，飛行機の速度はどのように異なるだろうか。

A　速度の合成(一直線上の場合)

流れがある川で，流れと平行に船が進む場合を考えてみよう。このとき， 地面に静止している人から見た，船の速度を考える→図 8。地面に対する川の流れの速度を v_1〔m/s〕，流れのない状態で船が進む速度❶を v_2〔m/s〕とする。このとき，地面に対する船の速度 v〔m/s〕は，次式で表される。

速度の合成　意味　合成速度 v は速度 v_1 と速度 v_2 の和

$\boldsymbol{v = v_1 + v_2}$　(5)

v〔m/s〕合成速度(地面に対する船の速度)

v_1〔m/s〕地面に対する川の流れの速度

v_2〔m/s〕静水時の船の速度

↑ 図８　速度の合成

物体の速度 v が式(5)のように表されるとき，速度 v を v_1 と v_2 の**合成速度**といい，合成速度を求めることを**速度の合成**という。直線上の運動では，どの向きを正とするかを考えてから速度の和をとる。

問９　静水時に 5.0 m/s の速さで進む船が, 地面に対して 2.0 m/s の速さで流れる川を進む。川下に向かって進む場合と，川上に向かって進む場合の船の速度はそれぞれどちら向きに何 m/s か。

問 10　ある速さで流れる川を，地面から見て 3.0 m/s の速さで川上に向かって進む船がある。この船が進む向きを変えて川下に向かって進むと，地面から見て 6.0 m/s の速さであった。この川の流れの速さは何 m/s か。

❶ 流れのない湖水のような静止した水に対する速度を静水時の速度という。

発展　速度の合成・分解(平面上の場合)　物理

1　速度の合成

船が川→図ｉを斜めに横切る場合を考える。

$\vec{v}_1$：地面に対する川の流れの速度

$\vec{v}_2$：静水時の船の速度

船は，水に対して $\vec{v}_2$ の向きに単位時間あたり v_2(矢印の長さ)だけ進む間に，川の流れによって川下に向かって v_1 だけ流されるために，地面に対する船の速度は $\vec{v}$ になる。これが $\vec{v}_1$ と $\vec{v}_2$ の合成速度であり，次式で表される。

$$\vec{v}=\vec{v}_1+\vec{v}_2$$

↑ **図 i　速度の合成**　平行四辺形の法則によって 2 つのベクトル $\vec{v}_1$ と $\vec{v}_2$ の和を作図する。

✓Check
速度の合成(→p.20)

$\vec{v}_1$ と $\vec{v}_2$ が同じ直線上であれば式(5)に一致する。

2　速度の分解と速度の成分

流れのない湖→図 ii で, 速さ v で進む船の現在の位置を原点 O として, 図 ii のように x 軸, y 軸をとる。この船の速度 $\vec{v}$ を，x 軸方向の速度 $\vec{v}_x$ と，y 軸方向の速度 $\vec{v}_y$ とに分けて考えることを**速度の分解**といい，$\vec{v}_x$，$\vec{v}_y$ を**分速度**という。

速度を分解する場合，このように互いに垂直な 2 つの方向に分けることが多い。

$\vec{v}_x$，$\vec{v}_y$ の大きさに座標軸の正負の向きを表す符号をつけたものを，$\vec{v}$ の ***x* 成分**，***y* 成分**といい，それぞれ v_x，v_y と表す。図 ii の場合，次の関係が成り立つ。

$$v_x=v\cos\theta \quad v_y=v\sin\theta$$
$$v=\sqrt{v_x^2+v_y^2}$$

↑ 図 ii　速度の分解

✓Check
三角比(→p.62)
sin $\theta = a/c$
cos $\theta = b/c$

3　速度の合成と成分の和

速度→図 iii $\vec{v_1}$ と $\vec{v_2}$ の合成速度 $\vec{v}$ の x 成分，y 成分(v_x，v_y)は，それぞれ $\vec{v_1}$，$\vec{v_2}$ の x 成分，y 成分の和で表される。

$v_x = v_{1x} + v_{2x}$
$v_y = v_{1y} + v_{2y}$

↑ 図 iii　速度の合成と成分の和

LEVEL UP
レベル UP　ベクトルの扱い方と速度

「位置」や「速度」は，大きさと向きをもつ**ベクトル**という量だと学習したけど，表し方は向きだけをもつ量と何が違うのかなぁ。

ここでは，「ベクトル」の表し方やベクトルの和・差の扱い方について学習してみよう。

1　ベクトルの表し方
ベクトルとは，**大きさ**と**向き**をもつ量であり，始点から終点に向かう矢印で表される。ベクトルの大きさは矢印の長さ，向きは矢印の向きで表す。

記号で表すときは $\vec{a}$ のように文字の上に→ をつけて表し，その大きさは$|\vec{a}|$または a と表す。

等しいベクトル　大きさと向きが同じ　$\vec{b}=\vec{a}$

逆ベクトル　大きさが同じで向きが逆　$\vec{c}=-\vec{a}$

内容解説資料

零ベクトル　大きさが 0 のベクトル $\vec{0}$

2　ベクトルの和　$\vec{a}+\vec{b}$

方法①　一方のベクトル $\vec{a}$ の終点にもう一方のベクトル $\vec{b}$ の始点を重ね，$\vec{a}$ の始点から $\vec{b}$ の終点への矢印が 2 つのベクトルの和となる。

方法②　2 つのベクトル $\vec{a}$，$\vec{b}$ の始点を重ね，それぞれのベクトルを 2 辺とする平行四辺形を考え，一致させた始点から引いた対角線の矢印が 2 つのベクトルの和となる。これを**平行四辺形の法則**という。

3　ベクトルの差　$\vec{a}-\vec{b}$

方法①　$\vec{a}$ と $\vec{b}$ の始点を重ね，$\vec{b}$ の終点から $\vec{a}$ の終点に向けたベクトルを作図する。

方法②　$\vec{b}$ の逆ベクトル $-\vec{b}$ と $\vec{a}$ のベクトルの和を作図する。

問ⅰ　次のベクトル $\vec{a}$，$\vec{b}$ の和 $\vec{a}+\vec{b}$ を作図せよ。

問ⅱ　次のベクトル $\vec{a}$，$\vec{b}$ の差 $\vec{a}-\vec{b}$ を作図せよ。

問ⅲ　次のベクトルを作図せよ。

⑴　速度 $\vec{v_1}$，$\vec{v_2}$ の合成速度 $\vec{v_1}+\vec{v_2}$

⑵ 速度 $\vec{v_B}$ と速度 $\vec{v_A}$ の差 $\vec{v_B}-\vec{v_A}$

サキドリ！　次ページ参照
相対速度

$\vec{v}_{AB}=\vec{v}_B-\vec{v}_A$

4　ベクトルの成分

ベクトル $\vec{a}$を右の図のように x軸方向の $\vec{a_x}$と y 軸方向の $\vec{a_y}$ に分解したとき，a_x, a_y を，$\vec{a}$ の

x成分，**y成分**といい，$\vec{a}=(a_x,\ a_y)$ と表す。

また，$\vec{a}$の大きさ$|\vec{a}|$ は，三平方の定理→p.269 より$|\vec{a}|=\sqrt{a_x^2+a_y^2}$ と表される。

問iv　次のベクトルの x成分，y成分，大きさ$|\vec{a}|$をそれぞれ求めよ。ただし，図の 1 目盛りを 1 として，単位は考えなくてよい。

B　相対速度(一直線上の場合)

地面→図 9 に対して速度 v_A で進む自動車の中にいる人(観測者)A が，地面に対して速度 v_B で進むバイク(相手)B を見る場合を考える。観測者 A から見た相手 B の速度 v_{AB} を，**A に対する B の相対速度**といい，次式で表される。

↑ **図 9　相対速度**

相対速度(A に対する B の相対速度)　意味　観測者 A から見た相手 B の速度

$\boldsymbol{v_{AB}= v_B- v_A}$　(6)

＝ 相手 B の速度- 観測者 A の速度

v_{AB}〔m/s〕　A に対する B の相対速度(A から見た B の速度)

v_A〔m/s〕　地面(基準)に対する A の速度

v_B〔m/s〕　地面(基準)に対する B の速度

式(6)から，物体の運動を表すときは，それがどのような運動をしている観測者から見たものかを明確にしなければならない。ただし，特に断らない場合は，地面上に静止した観測者から見たものとする。

問 11　図 9 で A が東向きに 40 km/h，B が同じ向きに 50 km/h の速さで進むとき，A に対する B の相対速度はどちら向きに何 km/h か。また，自動車 C が B と同じ向きに 60 km/h の速さのとき，C に対する B の相対速度はどちら向きに何 km/h か。

なるほど　○に対する△の相対速度

Q　「A に対する B の相対速度」というのは，「A から見た B の速度」のことですか。

内容解説資料

A　「**A に対する**」は「**A から見た**」という意味なので，「A に対する B の相対速度」は「A から見た B の速度」のことです。相対速度を表現する場合，「〇から見た△の速度」という表現のほうが感覚的にとらえやすいですね。このように自分を観測者の立場に置くとわかりやすくなります。
しかし，川の流れの中を船が進むときに，「水から見た船の速度」といっても，実際に観測者が水とともに運動して船の運動を見ることはないため，不自然な表現となってしまいます。そこで，どのような場合にでも使えるように，「〇から見た」の代わりに「〇に対する」という表現を使います。

特集　相対速度

STEP 1

！　まず正の向きを定める。
(例)東向きを正とする。

STEP 2

観測者 A に対する相手 B の相対速度
=相手 B の速度-観測者 A の速度
$v_{AB}=v_B-v_A$

右図のバスと自動車は，それぞれ東向きに 60 km/h，30 km/h の速さで走っている。
$\boxed{}$向きを正とする。
(a) 自動車から見たバス
$\boxed{}$km/h-$\boxed{}$km/h=$\boxed{}$km/h
バスは$\boxed{}$向きに$\boxed{}$km/h の速さで進むように見える。
(b) バスから見た自動車
$\boxed{}$km/h-$\boxed{}$km/h=$\boxed{}$km/h
自動車は$\boxed{}$向きに$\boxed{}$km/h の速さで進むように見える。

例題❶　相対速度

東向きに 60 km/h の速さで進む電車 A がある。次の問いに答えよ。
(1)　東向きに 80 km/h の速さで進む自動車 B を A から見ると，B はどちら向きに何 km/h の速さで進むように見えるか。
(2)西向きに 50 km/h の速さで進むバイク C を A から見ると，C はどちら向きに何 km/h の速さで進むように見えるか。

解　以下，東向きを正の向きとする。

⑴　求める速度を v_{AB} とすると，式⑹より

$v_{AB}=v_B-v_A=80\ \mathrm{km/h}-60\ \mathrm{km/h}$

$=20\ \mathrm{km/h}$　**<u>東向きに 20 km/h</u>**

⑵　求める速度を v_{AC} とすると，式⑹より

$v_{AC}=v_C-v_A=(-50\ \mathrm{km/h})-60\ \mathrm{km/h}$

$=-110\ \mathrm{km/h}$　**<u>西向きに 110 km/h</u>**

✓Check

速度の表し方

速度の向きと速さを正負の符号と大きさで表す。

$\underline{v_A}=\underline{+}\ \underline{60\ \mathrm{km/h}}$

A の速度　東向き　速さ

$\underline{v_C}=\underline{-}\ \underline{50\ \mathrm{km/h}}$

C の速度　西向き　速さ

つながる指針

①正の向きを決めて，それぞれの速度を正負の符号と大きさで表す→Check。

②式⑹を適用するとき，何から何を見ているか(何が観測者か)に注意する。

類題❶　北向きに 80 km/h の速さで進む電車 A から見ると，電車 B は南向きに 30 km/h の速さで進むように見えた。電車 B の速さと向きを求めよ。

発展　相対速度(平面上の場合)　物理

$\boxed{\text{方法①}}$

右図のように，Y 字路で地面に対して速度 $\vec{v}_A$ で運動する観測者 A から，地面に対して速度 $\vec{v}_B$ で運動する相手 B を見る場合，**観測者 A に対する相手 B の相対速度 $\vec{v}_{AB}$** は，式⑹→p.24 をベクトルを使って書きかえた次式で表される。

$$\vec{v}_{AB}=\vec{v}_B-\vec{v}_A$$

$\boxed{\text{方法②}}$

内容解説資料

地面に対して速度 $\vec{v}_A$ で観測者 A が動くということは，A に対する(A から見た)地面の速度は $-\vec{v}_A$ ということである。ここで，速度の合成の考え方を用いると，

A に対する B の相対速度(A から見た B の速度) $\vec{v}_{AB}$

=A に対する地面の速度($-\vec{v}_A$)+ 地面に対する B の速度 $\vec{v}_B$

とできることから，$\vec{v}_{AB}$ は次のようにして求めることができる。

$$\vec{v}_{AB} = (-\vec{v}_A) + \vec{v}_B = \vec{v}_B - \vec{v}_A$$

このような，矢印で表した場合に同じ直線上にない 2 つの速度 $\vec{v}_A$，$\vec{v}_B$ の差を求めるには，ベクトルの差を求める方法を用いる。

❶ 相対速度の p.24 式(6)を使うとき，v_A，v_B はともに地面(基準)に対する速度であることに注意。

第 2 節の振り返り

●**速度の合成**とは，2 つの速度を足し合わせることで，v_1 と v_2 の合成速度は $v = v_1 + v_2$ で表される。

●**相対速度** v_{AB} は，観測者 A に対する相手 B の速度のことで，$v_{AB} = v_B - v_A$❶で表される。

●物体の運動を表すとき，特に断らない場合は，地面(基準)に対する速度である。

◆ Challenge

□ 気流(空気の流れ)が追い風と向かい風の場合，飛行機の速度はそれぞれどうなるか。

例題 i　電車から見た雨滴の速度

風がなく，雨滴が鉛直下向き❷に降っているとき，10 m/s の速さで水平に走っている電車の中から外を見たところ，右の図のように，雨滴が鉛直方向に対して 60° の角をなして前方から降ってくるように見えた。このとき，地上に対して雨滴が落下する速さは何 m/s か。

解　電車の速度を $\vec{v}_A$，雨滴の速度を $\vec{v}_B$ とする。電車に対する雨滴の相対速度 $\vec{v}_{AB}$ は，次式で表される。

$\vec{v}_{AB} = \vec{v}_B - \vec{v}_A = \vec{v}_B + (-\vec{v}_A)$

よって，$\vec{v}_A$，$\vec{v}_B$，$\vec{v}_{AB}$の関係は，右の図のように表される。電車の速さ，すなわち$\vec{v}_A$の大きさ v_Aは 10 m/s であるから, 雨滴が落下する速さ v_B →p.62, 271 三角比 は, $\tan 60° = v_A/v_B$ より，

$v_B = v_A/(\tan 60°) = (10\ \mathrm{m/s})/(\sqrt{3}) = (10\sqrt{3}\ \mathrm{m/s})/3 \fallingdotseq$ **5.8 m/s**

つながる指針

①地面に対する各速度を表すベクトルを始点を一致させて描く。
②問題文中のどれが相対速度であるか判断し，それに対応するベクトルを作図する。

類題 i　北風(北から南に吹く風)の中を, A さんが自転車で西向きに 5.0 m/s で走ったところ，風がちょうど北西から吹いているように感じた。地面に対する風の速さは何 m/s か。また，A さんに対する風の速さは何 m/s か。　5.0 m/s，7.1 m/s

類題 ii　船 A は北向きに 10 m/s の速さで進み，船 B は西向きに 10m/s の速さで進んでいる。船 A から見た船 B は，どちら向きに何 m/s の速さで進んでいるように見えるか。　南西向きに 14 m/s

❷ 鉛直下向きは，重力がはたらく向きである。

第 3 節　加速度

スポーツカーのように急激に速度が変化するものや，電車のように徐々に速度が変化するものがある。物体の速度の変化の様子は，どのような量で表せばよいだろうか。

A　加速度

第 1 節では，速度が一定の場合の運動として等速直線運動を学習した。第 2 節では，等速直線運動する複数の物体の相対的な運動について学習した。しかし，私たちの身近にあるいろいろな運動について考えてみると，速度が変化する場合の方がより一般的であることに気づく。例えば，静止→Check している状態から動き出すだけでも，速度は変化しているといえる。速度が変化する場合でも，レーシングカーの発進のように急激に速度が増す場合もあれば，電車のように徐々に速度が増す場合もある。また，速度が減る場合もある。ここでは，速度の変化を表す量を考えることで，運動の様子を正確に表し，いろいろな物体の運動を比較しよう。

✓Check

静止

速度 0 m/s の状態

↑ **図 10　いろいろなもののスタートダッシュのイメージ**

速度が変化する運動として，A 駅で静止している電車が出発して加速し，やがて減速して次の B 駅で静止するまでの様子について探究 1 で考えてみよう。電車の速度はどのように変化するだろうか。また，その変化をどのようにして表現すればよいだろうか。A 駅から B 駅の向きを正として考えよう。

探究 1　電車の速度の変化の様子

目的　電車が駅を出発してから次の駅で停車するまでの速度を 5 s ごとに記録した表から，物体の速度の変化の様子をどのように表せばよいか調べる。

↓ **表 2　電車の速度の変化**

方法　駅を出発した電車が次の駅で停車するまでの速度をグラフで表す。

結果の整理　① 電車が出発した時刻を 0 s として横軸に時刻，縦軸に速度をとる。

② 表の値を(・)でグラフにはっきりと記入する。

③ グラフ上の点の並び方を見て，なめらかに線を引く。

分析と考察　グラフをもとに，電車の速度の変化の様子について分析する。その結果から，

速度の変化の違いを数値化して表すにはどうすればよいか考察する。

結果の整理　表 2 のデータからグラフを作成すると，図 11 のようになった。
時刻 105 s までの間，電車の速度は増加し続けているが，速度の変化の様子は時刻 45 s の前後で異なっている。前半に比べて後半の方が，時間あたりの速度の変化が小さくなっている。
また，125 s 以降では速度が一気に減少している。そこで，時刻
0 s～40 s(区間①)
50 s～80 s(区間②)
130 s～160 s(区間③)
の 3 つの区間における速度の変化の様子を比較しよう。

↑ 図 11　電車の速度の変化

☑グラフを check!
□区間①～③で速度の変化の様子が異なっていることを確認しよう。
□その違いをどのように数値で表せばよいだろうか。

分析　各区間の速度の変化を数値で表すと，　表 3 のようになる。
各区間での速度の変化の割合が一定であるとして，1 s あたりの速度の変化を求める。区間①と区間②ではともに速度は増加しているが，区間②では区間①よりも速度の変化がゆるやかになっている。これは，各区間で求めた数値を比較することでより正確にわかる。
また，区間③では速度が減少しており，その変化のしかたは区間①や区間②と比べて急激であることも，数値の比較によってわかる。

↓ 表 3　各区間の速度の変化

考察　このように，1 s あたりの速度の変化を，速度の変化の状態を表す量として用いることで，物体の運動の変化の様子をとらえることができる。

参考　グラフの描き方
STEP 1　実験などで得られたデータを表にまとめる。
STEP 2　縦軸と横軸を引き，横軸には「変化させた量」を，縦軸にはその結果「変化した量」をとる。また，軸の名称と単位を書く。
STEP 3　それぞれの最大値がグラフに入るように，各軸に目盛りを入れる。
STEP 4　測定値を点(・)ではっきりと正確に記入し，点の並び方を見て，グラフが直線か

曲線かを判断する。グラフにタイトルをつける。

物理では，このような物体の速度の変化の様子を表すのに単位時間❶あたりの速度の変化を用い，これを**加速度**　acceleration　という。
x軸上→図 12 を運動する電車の速度が変化する場合を考える。時刻 t_1 から t_2 の間に，速度が v_1 から v_2 に変化した場合，経過 Δt は時間 $\Delta t=t_2$-t_1，速度の変化 Δv は $\Delta v=v_2-v_1$ と表せるので，加速度 a〔m/s²〕は以下のようになる。

↑ 図 12　正の加速度(加速している場合)

↓ 表 4　いろいろな運動の加速度

加速度　意味　単位時間あたりの速度の変化
$\boldsymbol{a=(v_2-v_1)/(t_2-t_1)=\Delta v/\Delta t}$　(7)
a〔m/s^2〕　加速度(acceleration)　t_1〔s〕，t_2〔s〕　時刻($t_1<t_2$)
v_1〔m/s〕　時刻 t_1〔s〕での速度　$\Delta v=v_2-v_1$　速度の変化
v_2〔m/s〕　時刻 t_2〔s〕での速度　$\Delta t=t_2-t_1$　経過時間

加速度は，速度の変化(単位 m/s)を経過時間(単位 s)で割ったものであるから，その単位は**メートル毎秒毎秒**(記号 **m/s²**)となる。

探究 1 の表 2 の単位を m/s に変換して各区間の加速度を求めると，次のようになる。
区間①：(18.9 m/s-0 m/s)/(40 s-0 s)=(18.9 m/s)/(40 s)
≒0.47 m/s²
区間②：(27.8 m/s-21.1 m/s)/(80 s-50 s)=(6.7 m/s)/(30 s)
≒0.22 m/s²
区間③：(5.8 m/s-26.7 m/s)/(160 s-130 s)=(-20.9 m/s)/(30 s)
≒-0.70 m/s²

↓ 表 5　単位時間あたりの速度の変化

問 12　自動車 A は，動き始めて 6.0 s 後に 12 m/s の速さになった。また，8 m/s の速さで進んでいた自動車 B は，加速して 8.0 s 後に 20 m/s の速さになった。A と B の加速度の大きさはそれぞれ何 m/s² か。

❶通常，加速度は 1 s あたりの速度の変化をさす。

1　加速度の向き

図 13 のように電車が減速している場合，加速度は負の値となる。これは，電車の進む向きを正の向きとして，加速度が負の向きであることを示している。このとき，v-t グラフの傾きも負となる。
速度と同じように，加速度も大きさと向きをもつベクトルである。加速度の向きは，速度の変化の向きに等しい。

↑ **図 13　負の加速度(減速している場合)**　加速度が負のとき，速度の変化は x 軸の負の向きとなる。

✓Check
負の加速度
図 13 のように，加速度の値が負であっても，速度の値が負となるとは限らない。

問 13　x 軸上を運動する物体の速度が，時刻 1.0 s には 6.0 m/s，時刻 3.0 s には 1.0 m/s であった。時刻 1.0 s から 3.0 s の間の平均の加速度は，どちら向きに何 m/s^2 か。

参考　v-t グラフと瞬間の加速度
加速度が刻々と変化する場合，物体の運動は右図のような v-t グラフの曲線で表される。式⑺→p.31 を使って求められる時刻 t_1 から t_2 の間の加速度は，直線 PQ の傾きとなっている。これを**平均の加速度**という。
一方，時刻 t_2 を t_1 に限りなく近づけたときの加速度は，時刻 t_1 における**瞬間の加速度**であり，点 P における接線 L の傾きで表される。一般に，加速度といえば瞬間の加速度をさす。

第 3 節の振り返り
●**加速度**とは，単位時間あたりの速度の変化で，速度が変化する物体の様子は加速度を用いて表すことができる。
●加速度の値は，v-t グラフの傾きで表される。
●加速度の向きは，速度の変化する向きであり，正負の符号で表す。
◆**Challenge**
□ エレベータが 1 階から 2 階へ移動するとき，速度や加速度はどうなるか。上向きを正として，正負の符号で説明しよう。

第 4 節　等加速度直線運動

物体が斜面をくだるとき，物体の速度は刻々と変化するため，位置と速度と時刻は「等速直線運動」のように $x=vt$ と表すことができない。それでは，位置と速度と時刻の間の関係はどのように表せばよいだろうか。

A　等加速度直線運動

図 14 のように，なめらかな斜面上で模型自動車を静かにはなし，ストロボ写真を撮影して，運動を解析してみよう。

↑ **図 14　斜面をくだる模型自動車のストロボ写真**(発光間隔 0.2 s，目盛り単位 cm)

やってみよう　斜面をくだる模型自動車の運動の解析

① 図 14 から読み取った値をもとに各区間の平均の速さを求め，v-t グラフを描いてみよう。

②グラフの傾きに着目して，模型自動車の加速度の大きさを調べてみよう。

※ v-t グラフを作成する際は，平均の速さを各区間の中央時刻の点に記す。

やってみようから，斜面をくだる模型自動車の v-t グラフを作成すると，傾きが一定の直線となる。v-t グラフの傾きは加速度→p.32 参考を表すことから，模型自動車の加速度はほぼ一定であることがわかる。このような，加速度が一定の直線運動を**等加速度直線運動** linear motion of uniform acceleration　という。

1　速度を表す式

図 15 のように，初め速度が 4.0 m/s の車が加速度 2.0 m/s^2 で加速すると，速度は単位時間あたり 2.0 m/s ずつ変化する。

↑ **図 15　等加速度直線運動をする自動車**

加速度 a〔m/s^2〕で等加速度直線運動をしている物体の時刻と速度の関係を考えよう。時刻 0 s における物体の速度(これを**初速度**　initial velocity　という)を v_0〔m/s〕，時刻 t〔s〕における速度を v〔m/s〕とすると，式(7)→p.31 で $\Delta t=t-0$，$\Delta v=v-v_0$ として，次式が得られる。

$$\boldsymbol{v=v_0+at} \qquad (8)$$

式(8)を v-t グラフ→図 16 に描くと，傾き a の直線となる。また，v 軸の切片は初速度 v_0 を表している。加速度が負の場合，v-t グラフは右下がりとなる。

↑ **図 16　等加速度直線運動の v-t グラフ**（a>0 の場合）

✓Check

v-t グラフの傾き　$a=\varDelta v/\varDelta t$

傾き＝タテの量/ヨコの量=(v-v_0)/(t-0)=加速度 a

（1 s 間に縦軸の値が a×1 ずつ変化する）

✓Check

1 次関数のグラフ

$y=b+ax$↔　$v=v_0+at$

（x↔t,　y↔v に対応）

問 14　東向きに速さ 10 m/s で進んでいた自動車が一定の加速度で速さを増し，5.0 s 後に東向きに 20 m/s の速さになった。このときの自動車の加速度はどちら向きに何 m/s^2 か。

2　位置を表す式

図 14 の運動で，物体が時刻 t=0 s に x 軸の原点(x=0 m)を通過したとすると，時刻 t〔s〕における物体の位置 x〔m〕は，図 17 の v-t グラフの台形 OABC の面積に等しい。

$$x=v_0t+1/2at^2 \quad (9)$$

↑ **図 17　等加速度直線運動の v-t グラフと変位**

<u>v-t グラフと変位</u>

図 i (a)：v-t グラフを短い時間間隔 $\varDelta t$ に分けて考える。$\varDelta t$ が十分に小さい場合，この間は等速度とみなすと，時刻 t' から時刻 $t'+\varDelta t$ までの変位は $v'\varDelta t$(斜線部分の長方形の面積)と近似できる。よって，時刻 0 s から時刻 t までの変位は，すべての細長い長方形の面積を足し合わせたもので近似できる。

図 i (b)：$\varDelta t$ をきわめて短くしていくと，最終的に台形 OABC(v-t グラフと t 軸で囲まれた部分)の面積に等しくなる。これは，等加速度直線運動以外でも成り立つ。

↑ **図 i　v-t グラフと変位の関係**

3　等加速度直線運動を表す3 つの式

式(8)，(9)より t を消去し整理すると，位置と速度の関係を表す式⑽が得られる。

$v^2-v_0^2=2ax$　⑽

式(8)より $t=(v-v_0)/a$，これを式(9)に代入して

$x=v_0\,((v-v_0)/a)+1/2a\,((v-v_0)/a)^2$

$=(2vv_0-2v_0^2+v^2-2vv_0+v_0^2)/(2a)=(v^2-v_0^2)/(2a)$

よって，$v^2-v_0^2=2ax$　⑽

等加速度直線運動

$\boldsymbol{v=v_0+at}$　(8)

$\boldsymbol{x=v_0t+1/2at^2}$　(9)

t を消去

$\boldsymbol{v^2-v_0^2=2ax}$　⑽

v〔m/s〕　時刻 t での物体の速度

v_0〔m/s〕　時刻 t=0 での物体の速度(初速度)

a〔m/s²〕　物体の加速度　t〔s〕　時刻(time)

x〔m〕　時刻 t での物体の位置(時刻 t=0 で x=0)

問 15　速さ 10 m/s で進んでいた自動車が，3.0 m/s² の一定の加速度で速さを増しながら 4.0 s 間進んだ。この間に自動車は何 m 進んだか。

問 16　停止していたリニアモーターカーが直線軌道上を一定の大きさの加速度で走り出し，1.0×10^2 s 間に 7.0 km 走って最高速度に達した。最高速度に達するまでの加速度の大きさはいくらか。また，最高速度の大きさはいくらか。

4　加速度が負の運動

図 18 のように，なめらかな斜面に沿って上向きを正として x 軸をとる。原点 O から，時刻 0 s に x 軸の正の向きに初速度 v_0〔m/s〕を与えて小球を打ち出す。この小球の運動を表す v-t グラフと x-t グラフは，それぞれ図 19 (a)，(b)のようになり，小球は常に一定の負の加速度 a〔m/s²〕で運動している。

このとき，小球は最高点に達する時刻 t_1 までは正の向きに進み，**最高点で速度が 0 m/s になる**。その後，小球は負の向きに進みながら加速し，速度は負の向きにその大きさを増していく。

また，図 19 (a)で，時刻 t_1 から時刻 t_2 までの間に負の向きに進んだ距離は，v-t グラフと t 軸

で囲まれた三角形 BCD の面積で表される。
このような**加速度 a が負の等加速度直線運動でも，時刻 t での物体の速度 v や位置 x について，式(8)〜(10)が成り立つ。**

↑ **図 18　加速度が負の等加速度直線運動**

↑ **図 19　加速度が負の等加速度直線運動のグラフ**　時刻 t_1 は，$t_1=(v_0$❶$)/|a|$

問 17　20 m/s の速さで直線軌道を走っていた列車が，ブレーキをかけて一定の加速度で減速し，400 m 進んだところで停止した。この列車の加速度の向きと大きさを求めよ。また，ブレーキをかけ始めてから停止するまでの時間を求めよ。

❶|　|は絶対値を表す記号で，|　|の中のベクトルやスカラーの大きさを表す(→p.267)。例えば，|2|=2，|-3|=3 であり，加速度 a の場合，$|a|$ は加速度 a の大きさを表す。

問 18　時刻 0 s になめらかな斜面に沿って上向きに速さ 2.0 m/s で小球を打ち出したところ，斜面に沿って下向きに大きさ 2.5 m/s^2 の加速度で等加速度直線運動をして，元の位置に戻った。打ち出した位置から最も離れたときの時刻と，元の位置に戻ったときの時刻をそれぞれ求めよ。

やってみよう　等加速度直線運動
①木板で作った斜面上に力学台車を置いて静かにはなす。
②台車が斜面をくだるときの位置や速度と時間の関係を調べる。
③同じ斜面上に置いた台車に，斜面に沿って上向きの初速度を与え，台車が斜面をのぼるときの位置や速度と時間の関係も調べる。
④これらの結果から，台車が斜面をくだるときの加速度とのぼるときの加速度をそれぞれ求め，それらの間の関係を調べる。

✓Check
静かに
初速度の大きさ 0 で
→p.274 物理で使う用語

なるほど　等加速度直線運動を表す式に出てくる x とは？

Q　等加速度直線運動を表す式に出てくる x は，物体が移動した距離のことと考えてよいの

でしょうか。

A　等加速度直線運動を表す式⑼→p.35 に出てくる ***x* は時刻 *t* での物体の位置**です。言いかえると，これは**時刻 0 s での位置(原点)からの変位❷** →を表しています。
初速度の向きと加速度の向きが逆の等加速度直線運動の場合，これは物体が移動した距離　→とは必ずしも一致しません。
図ⅰ のように，時刻 0 s から t_2 の間に物体が移動した(経路に沿った)距離 L は，v-t グラフを用いて示すと，
図ⅰ の OP=図ⅱ の△OAB の面積 S_1
図ⅰ の PQ=図ⅱ の△DCB の面積 S_2
より，L=OP+PQ=S_1+S_2 となります。
$v<0$ となる間は，物体は x 軸の負の向きに進むことから，時刻 t_2 での物体の位置 x は，
x=OP-PQ=S_1-S_2 となります。
このように，途中で運動の向きが変わる場合は，物体の位置 x を物体が移動した距離と考えることはできません。

↑ 図ⅰ

↑ 図ⅱ

❷時刻 0 s での位置 x_0 が原点でない場合，位置 x と変位 $\varDelta x(=x-x_0)$ は一致しない。x は位置を表し，$x_0=0$ の場合のみ $\varDelta x=x$ となり，位置の値と変位の値が一致する。

例題❷　等速直線運動と等加速度直線運動
右の図のように，小球 A は x 軸上を正の向きに 5.0 m/s の速さで等速直線運動をし，時刻 t=0 s に原点 O を通過する。また，原点 O にあった小球 B は，時刻 t=0 s から初速度 0 で等加速度直線運動を始め，t=10 s のとき，x 軸の正の向きに 5.0 m/s の速さであった。次の問いに答えよ。
⑴　A，B の運動を表す v-t グラフをそれぞれ描け。
⑵　t=10 s での，A，B の位置をそれぞれ求めよ。
⑶　B が A に追いつく時刻と，そのときの位置を求めよ。

解　⑴　A，B の v-t グラフはそれぞれ t 軸に平行な直線と原点を通る直線である。
⑵　時刻 t での A，B の位置をそれぞれ x_A，x_B とする。A は等速直線運動をするので式⑵→p.16 より，
x_A=5.0 m/s×t　…①

B の加速度を a とすると，式(8)→p.35 より，

$5.0\ \mathrm{m/s}=0\ \mathrm{m/s}+a\times 10\ \mathrm{s}$

よって　$a=0.50\ \mathrm{m/s^2}$

式(9)→p.35 より，

$x_B=0\ \mathrm{m/s}\times t+1/2\times 0.50\ \mathrm{m/s^2}\times t^2$　…②

$t=10\ \mathrm{s}$ をそれぞれ式①，②に代入して，

$x_A=5.0\ \mathrm{m/s}\times 10\ \mathrm{s}=\underline{\mathbf{50\ m}}$，$x_B=1/2\times 0.50\ \mathrm{m/s^2}\times(10\ \mathrm{s})^2=\underline{\mathbf{25\ m}}$

(3)　$x_A=x_B$ となるときなので，B が A に追いつく時刻を t として，

式①，②より，

$5.0\ \mathrm{m/s}\times t=0\ \mathrm{m/s}\times t+1/2\times 0.50\ \mathrm{m/s^2}\times t^2$　よって，$t=\underline{\mathbf{20\ s}}$

このときの A，B の位置は，式①(式②でもよい)に $t=20\ \mathrm{s}$ を代入して，

$5.0\ \mathrm{m/s}\times 20\ \mathrm{s}=\underline{\mathbf{1.0\times 10^2\ m}}$

つながる指針

①等速直線運動，等加速度直線運動の v-t グラフの特徴に着目する。等速直線運動では傾きが０，等加速度直線運動では傾きが一定となる。

②等加速度直線運動の 3 つの式のうち，どれを用いるかは，既知の量と求める量の関係から判断する。

類題❷　例題❷の小球 A，B の運動について，次の問いに答えよ。

(1)　$0\ \mathrm{s}\leqq t\leqq 20\ \mathrm{s}$ の間で，A と B との間の距離が最も大きくなる時刻を求めよ。

(2)　A，B の運動を表す x-t グラフをそれぞれ描け。

例題❸　等加速度直線運動

x 軸上の原点 O から，時刻 $t=0\ \mathrm{s}$ に x 軸の正の向きに初速度の大きさ 0.60 m/s で小球を打ち出したところ，$t=2.0\ \mathrm{s}$ に $x=0.80\ \mathrm{m}$ の点を正の向きに通過した。小球は等加速度直線運動をするものとして，次の問いに答えよ。

(1)　この小球の加速度を求めよ。

(2)　小球が再び $x=0.80\ \mathrm{m}$ の位置を通過する時刻と，そのときの速度を求めよ。

解　(1)　「$x=v_0t+1/2at^2$→p.35 式(9)」で $x=0.80\ \mathrm{m}$，$v_0=0.60\ \mathrm{m/s}$，$t=2.0\ \mathrm{s}$ とおいて，

$0.80\ \mathrm{m}=0.60\ \mathrm{m/s}\times 2.0\ \mathrm{s}+1/2\times a\times(2.0\ \mathrm{s})^2$

よって，加速度 $a=\underline{\mathbf{-0.20\ m/s^2}}$

(2)　「$x=v_0t+1/2at^2$→p.35 式(9)」で $x=0.80\ \mathrm{m}$，$v_0=0.60\ \mathrm{m/s}$，$a=-0.20\ \mathrm{m/s^2}$ とおいて，

$0.80\ \mathrm{m}=0.60\ \mathrm{m/s}\times t+1/2\times(-0.20\ \mathrm{m/s^2})\times t^2$

これから，$(t-2.0\ \mathrm{s})(t-4.0\ \mathrm{s})=0$　よって，$t=2.0\ \mathrm{s}$，$4.0\ \mathrm{s}$

内容解説資料

t=2.0 s は初めに通過したときなので，再び x=0.80 m の位置を通過する時刻 t は，t=**4.0 s**
このとき，小球の速度 v は，「$v=v_0+at$→p.35 式(8)」で
v_0=0.60 m/s,
a=-0.20 m/s^2，t=4.0 s とおいて，
v=0.60 m/s+(-0.20 m/s^2)×4.0 s=**-0.20 m/s**

✓Check
小球の運動は，速度の向きが変わる時刻(t=3.0 s)において対称。

つながる指針
①問題文に示された状況を，小球の速度の向きに注意して，x軸も含めて図に描く。
②等加速度直線運動の 3 つの式のうち，どれを用いるかは，既知の量と求める量の関係から判断する。

類題❸　例題❸ の小球の運動について，次の問いに答えよ。
⑴　小球が再び x 軸上の原点 O を通過する時刻と，そのときの速度を求めよ。
⑵　時刻 0 s から 6.0 s までの v-t グラフと x-t グラフをそれぞれ描け。

問 19　右図は，ある列車が A 駅を出発してから B 駅に到着するまでの v-t グラフである。この列車が A 駅を出発してから B 駅に到着するまでの列車の加速度 a と位置 x の時間変化を表すグラフをそれぞれ描け。

まとめ　等速直線運動と等加速度直線運動の式とグラフ
等速直線運動
$x=vt$

等加速度直線運動　時刻 t=0 での位置を原点(x=0)とする
$v=v_0+at$　…❶
$x=v_0t+1/2at^2$　…❷
t を消去
$v^2-v_0^2=2ax$　…❸

第 4 節の振り返り
●**等加速度直線運動**の時刻 t，位置 x，速度 v の関係は 3 つの式❶〜❸ で表される。
●v-t グラフの傾きは加速度 a を表し，t 軸とグラフが囲む面積が変位を表す。
●加速度が負の場合や，途中で運動の向きが変わる場合でも，同じ式❶〜❸ が成り立つ。

内容解説資料

◆ Challenge

□ 加速度が負の場合の等加速度直線運動では，原点から最高点に達するまでの時間と，最高点から原点まで戻ってくる時間にはどのような関係があるだろうか。

第 5 節　落体の運動

同じ大きさ・厚さの丸めた紙と箱状に折った紙を同時に落下させると，どちらの方が速く落下するだろうか。

同じ大きさ・厚さの丸めた紙 A と，箱状に折った紙 B を同時に落下させると，A の方が速く落下する。この結果から，質量が同じでも，形によって落下運動の様子は異なることがわかる。これは，空気による物体の運動を妨げるはたらき(**空気抵抗**)が異なるからである。一方，真空中で鉄球と羽毛を同時に落下させると，質量に関係なく同じように落下する→図 20。空気抵抗が無視できれば，物体は質量に関係なく，同じ加速度で落下することがわかる。

↑ 図 20　空気抵抗がはたらかない真空中での鉄球と羽毛の落下のストロボ写真

A　自由落下

重力→p.55 だけを受けて，初速度 0 で落下する運動を**自由落下**　free fall　という。鉄球のように，重い物体を空気中で落下させる場合，落下する速さが小さい間は空気抵抗の影響は小さく，自由落下とみなせる❶。

鉛直下向きを正として，自由落下する物体の運動を分析する→図 22 。各区間の平均の速度を求め，

✓Check
鉛直下向き
重力がはたらく向き

←図 21　自由落下の *v*-*t* グラフ

→図 22　自由落下のストロボ写真(発光間隔 1/(30)s)

❶空気の抵抗力の大きさは物体の速さが速いほど大きいため，落下する速さが増すと自由落下とみなせなくなる(→p.92)。以後，特に断らないかぎり，空気抵抗はないものとする。

↑ 図 23　各地の重力加速度の大きさ　↑ 図 24　自由落下とそのグラフ

v-*t* グラフ→図 21 を作成すると，物体は等加速度直線運動をしていることがわかる。このときの加速度を**重力加速度**　acceleration of gravity(gravitational acceleration)　といい，その**大きさを記号 g で表す**。重力加速度の大きさ g の値は，緯度や標高などによってわずかに

異なるが，**同じ場所では物体の質量によらず一定であり，地球上では約 9.8 m/s^2** →p.275 である→図 23。
物体が自由落下を始めた位置を原点 O として，鉛直下向きに y 軸をとる→図 24。落下し始めた時刻を 0 s として，t〔s〕における物体の速度を v〔m/s〕，位置を y〔m〕とする。初速度 v_0 が 0 m/s，加速度 a が鉛直下向きに大きさ g〔m/s^2〕なので，等加速度直線運動の式→p.35 で，x を y に変えて，v_0=0 m/s，a=g を代入すると，次式が得られる。

$\boldsymbol{v=gt}$ ⑾
$\boldsymbol{y=1/2gt^2}$ ⑿
$\boldsymbol{v^2=2gy}$ ⒀

✓Check
$v=v_0+at$ (8)
$x=v_0t+1/2at^2$ (9)
$v^2-v_0^2=2ax$ ⑽

✓Check
鉛直下向きに大きさ 9.8 m/s^2 の加速度
⇔ 1 s 間に速度が下向きに 9.8 m/s 変化する

問 20
水面より高さ 4.9 m のところから，小石を静かにはなした。小石が水面に達するまでの時間と，水面に達する直前の小石の速さを求めよ。ただし，重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 とする。

✓Check
静かに
初速度の大きさ 0 で
→p.274 物理で使う用語

実験 1　重力加速度の測定
目的　物体を自由落下させ，重力加速度の大きさを測定する。
準備　おもり(300 g 程度, 他に質量の異なるものを数種類), 記録タイマー, 記録テープ，スタンド，C 型クランプ，クッション
方法　①　右の図のように装置を組み立てる。
②　記録テープが記録タイマーにひっかからないようにするなど，抵抗ができるだけ小さ

くなるように工夫する。

③　おもりが落下する位置に床を保護するためのクッションを置き，記録タイマーのスイッチを入れてからおもりを落下させ，記録テープに落下の様子を記録する。

④　質量の異なるおもりを使って，同様の実験を行う。

結果の整理　記録テープを分析して，v-t グラフを描く。

考察　1　v-t グラフの傾きから，重力加速度の大きさを求める。また，質量の異なる物体を使って実験した結果からも重力加速度の大きさを求め，それらを比較する。結果が異なった場合，その原因として何が考えられるか。

2　測定の精度を上げるためには，実験をどのように改良すればよいか。

距離センサーを用いる方法

準備　ボール(ハンドボールなど)，距離センサー，パソコン計測システム，スタンド

方法　①　右の図のように装置を組み立てる。

②　パソコン計測システムを使い，ボールの落下する距離や速度の時間的な変化を測定する。

③　質量の異なるボールを使って，同様の実験を行う。

結果の整理　データ処理ソフト，または表計算ソフトを用いて，測定した結果からボールの落下する速度 v と落下時間 t との関係を表す v-t グラフを描く。

B　鉛直投射

次に，初速度 v_0 で重力だけを受けて落下する運動について考える。鉛直方向→Check に投げられた物体はどのような運動をするのだろうか。

✓Check

鉛直方向：重力がはたらく方向

水平方向：鉛直方向と直交する方向

1　鉛直投げおろし

図 25 のように，物体を鉛直下向きに初速度の大きさ v_0 で投げおろしたときの運動を調べる。鉛直下向きを正として，得られる v-t グラフ→図 26 から，物体はその質量や初速度の大きさに関係なく，自由落下の場合と同じ鉛直下向きに大きさ g の加速度で等加速度直線運動をしていることがわかる。

物体を投げおろした位置を原点 O として，鉛直下向きに y 軸をとる。投げおろした時刻を 0 s として，初速度の大きさを v_0，時刻 t における物体の速度を v，位置を y として，等加速度直線運動の式→p.35 で，x を y に変えて，$a=g$ を代入すると，次式が得られる。

$\boldsymbol{v = v_0 + gt}$ ⑭
$\boldsymbol{y = v_0 t + 1/2gt^2}$ ⑮
$\boldsymbol{v^2 - v_0^2 = 2gy}$ ⑯

✓Check
$v = v_0 + at$ ⑻
$x = v_0 t + 1/2at^2$ ⑼
$v^2 - v_0^2 = 2ax$ ⑽

問 21　橋の上から小石を初速度の大きさ 5.0 m/s で鉛直下向きに投げおろしたところ，2.0 s 後に水面に達した。重力加速度の大きさを 9.8 m/s² として，次の問いに答えよ。
⑴　水面に達する直前の小石の速さを求めよ。
⑵　投げおろした位置の水面からの高さを求めよ。

↑ 図 25　鉛直投げおろし
初速度の向き(鉛直下向き)を正にとっている。

↑ 図 26　鉛直投げおろしのグラフ

2　鉛直投げ上げ
図 28 のように，物体を鉛直上向きに初速度の大きさ v_0 で投げ上げたときの運動→図 27 を調べる。鉛直上向きを正として，得られる v-t グラフ→図 29 から，
物体はその質量や初速度の大きさに関係なく，常に鉛直下向きに大きさ g の加速度で等加速度直線運動をしていることがわかる。
投げ上げた時刻を 0 s として，時刻 t における物体の速度を v，位置を y として，等加速度直線運動の式→p.35 で，x を y に変えて，a=-g を代入すると，次式が得られる。

$\boldsymbol{v = v_0 - gt}$ ⑰
$\boldsymbol{y = v_0 t - 1/2gt^2}$ ⑱
$\boldsymbol{v^2 - v_0^2 = -2gy}$ ⑲

✓Check
$v = v_0 + at$ ⑻
$x = v_0 t + 1/2at^2$ ⑼
$v^2 - v_0^2 = 2ax$ ⑽

↑ **図 27　鉛直に投げ上げた物体のストロボ写真**(発光間隔 1/(40)s)

↑ **図 28　鉛直投げ上げ**
鉛直上向きを正にとっている。

↑ **図 29　鉛直投げ上げのグラフ**

✓Check
鉛直投げ上げの対称性
①最高点に達するまでと達した後で同じ位置を 2 回通過することになるので，最高点を除き，同じ y の値をもつ時刻が 2 回ある。
②鉛直投げ上げ運動の位置と速度の関係は，最高点に対して対称となる。投げ上げてから最高点に達するまでの時間が t_1 であれば，投げ上げた地点に戻るまでの時間は $t_2=2t_1$ となる。
③同じ位置を通過するとき，速度の大きさは等しく逆向きになる。つまり投げ上げた地点に戻ってきたときの速さは，投げ上げた速さと同じである。

例題❹　鉛直投げ上げ
時刻 t=0 s に高さ 14.7 m のビルの屋上から, 鉛直上向きに 9.8 m/s の速さで物体を投げ上げた。重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 として，次の問いに答えよ。
⑴　物体が最高点に達する時刻を求めよ。また，そのときの投げ上げた点からの高さを求めよ。
⑵　地面に落下する時刻を求めよ。また，そのときの速度を求めよ。

解　⑴　ビルの屋上を原点とし，鉛直上向きに y 軸をとる。「$v=v_0-gt$→p.45 式⒄」で，
v=0 m/s，v_0=9.8 m/s，g=9.8 m/s^2 とおいて，
0 m/s=9.8 m/s-9.8 m/s^2×t　よって，t=**1.0 s**
「$v^2-v_0{}^2=-2gy$→p.45 式⒆」より，
(0 m/s)^2-(9.8 m/s)^2=-2×9.8 m/s^2×y　よって，y=**4.9 m**
⑵　物体が地面に達するとき，物体の位置 y は，y=-14.7 m であるから，
「$y=v_0t-1/2gt^2$→p.45 式⒅」で，y=-14.7 m，v_0=9.8 m/s，g=9.8 m/s^2 とおいて，
-14.7 m=9.8 m/s×t-1/2×9.8 m/s^2×t^2
これから，t=3.0 s，-1.0 s　t>0 s より，t=**3.0 s**
「$v=v_0-gt$→p.45 式⒄」より，
v=9.8 m/s-9.8 m/s^2×3.0 s=-19.6 m/s≒-20 m/s
鉛直下向きに 20 m/s

✓Check

物体を投げ上げた後に地面に落下するので t=-1.0 s は適さない。

つながる指針

①物体を投げ上げた点を原点として，初速度の向きを正とする。

②物体が最高点に達したとき，物体の速度は 0 である。

類題❹　時刻 t=0 s に鉛直上向きに初速度の大きさ v_0=4.9 m/s で物体を投げ上げた。鉛直上向きを正として，次の問いに答えよ。ただし，重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 とする。

⑴　時刻 t における物体の速度 v を，v-t グラフに表せ。

⑵　物体が初めの位置に戻るのはいつか。また，そのときの物体の速度を求めよ。

⑶ 投げ上げてから 0.30 s 後と同じ高さを物体が通過したのはいつか。

問 22　時刻 t=0 s に地上の点 P から，鉛直上向きに初速度の大きさ v_0〔m/s〕で物体 A を投げ上げるのと同時に，ある高さの点 Q から物体 B を自由落下させた。鉛直上向きを正として，時刻 t における物体 A，B の速度 v_A，v_B を，それぞれ v-t グラフに表せ。

なるほど　落体の運動

Q　自由落下や鉛直投げおろし，鉛直投げ上げと，式がたくさん出てきて，覚えるのが大変です。

A　これらの運動は，式を覚えるのではなく，すべて**等加速度直線運動の式**→p.35 を出発点として考えましょう。例えば自由落下は，「**鉛直下向きを正とすると，初速度が 0 で加速度が g の等加速度直線運動**」です。よって，等加速度直線運動の式に初速度 v_0=0，加速度に a=g を代入して，導くことができます。

等加速度直線運動の式

$v=v_0+at$

$x=v_0t+1/2at^2$

$v^2-v_0^2=2ax$

自由落下(鉛直下向きを正としたとき)

x→ y に変える。

初速度 0 → v_0=0

加速度 a=g

自由落下の式

$v=gt$

$y=1/2gt^2$

$v^2=2gy$

（鉛直投げおろしや鉛直投げ上げも同様）

第 5 節の振り返り

●落体の運動は，初速度の大きさや向きによらず，加速度が鉛直下向きに大きさ g である。

●自由落下は，鉛直下向きを正として，初速度 0 で加速度 g の等加速度直線運動である。

●鉛直投射は，初速度の向きを正とすると，投げおろすときは加速度 $a=g$，投げ上げるときは加速度 $a=-g$ の等加速度直線運動である。

◆ Challenge

□ 自由落下と鉛直投射には，どのような共通点と相違点があるだろうか。式やグラフを用いて説明してみよう。

内容解説資料

第 6 節　放物運動

水平方向に投げ出された物体の運動は，直線運動にはならない。水平方向と鉛直方向にそれぞれどのような運動をしているか考えてみよう。

物体を水平方向や斜め方向に投げ出したときの運動を**放物運動**　parabolic motion　という。このときの運動の道筋(軌跡)は 2 次関数で表され，**放物線**と呼ばれる。

✓Check

2 次関数のグラフと式

一般に，2 次関数の式は $y=ax^2+bx+c\ (a\neq0)$で表される(→p.269)。

例　$y=ax^2\ (a<0)$　　例 $y=ax^2+bx\ (a<0\quad b>0)$

A　水平投射

↑ **図 30　自由落下と同時に水平投射した物体のストロボ写真**(発光間隔 1/(30)s)

放物運動のうち水平方向に投げ出す運動を**水平投射**という。図 30 は，自由落下する物体と，それと同時に水平投射した物体のストロボ写真である。水平投射を水平方向と鉛直方向に分解してみると，物体は水平方向には等速度運動をし，鉛直方向には自由落下と同じ運動→p.41 をしていることがわかる。

やってみよう　水平投射と自由落下

①ものさしにセロハンテープなどで厚紙をつけ，同じ種類の硬貨を厚紙の両側にのせる。

②指でものさしを少し反らせてはなすと，2 つの硬貨は同時に床に落ちるだろうか。

発展　水平投射と斜方投射

1　水平投射の式

右の図のように，水平右向きに x 軸，鉛直下向きに y 軸をとり，時刻 $t=0$ s に，原点 O から x 軸の正の向きに大きさ v_0 の初速度で物体を投げ出したときの運動を考える。

時刻 t における物体の速度 $\vec{v}$ の x 成分 v_x と y 成分 v_y は，それぞれ次のように表される。

$$v_x=v_0,\quad v_y=gt$$

このとき，物体の速度の大きさ(速さ) v は，

$$v=\sqrt{v_x^2+v_y^2}=\sqrt{v_0^2+(gt)^2}$$

である。速度の方向は，物体が描く曲線に引いた接線の方向に一致している。

また，時刻 t における物体の位置 P の座標を$(x,\ y)$とすると，

$x=v_0t$, $y=1/2gt^2$
であり，この 2 式から t を消去すると，物体が描く曲線を表す式が得られる。
$y=1/2g(x/v_0)^2=g/(2v_0^2)\cdot x^2$

2　斜方投射

上の図は，鉛直上向きに投げ上げた物体と，それと同時に斜め上向きに投げ出した(**斜方投射**した)物体のストロボ写真である。斜方投射した物体の運動を水平方向と鉛直方向に分解してみると，物体は水平方向には等速度運動をし，鉛直方向には鉛直投げ上げと同じ運動→p.45 をしていることがわかる。

3　斜方投射の式

右図のように，水平右向きに x 軸，鉛直上向きに y 軸をとり，時刻 $t=0$ s に，原点 O から，xy 平面で水平方向より角 θ だけ上向き(仰角 θ の向き)に初速度の大きさ v_0 で物体を投げ出したときの運動を考える。

このとき，初速度 $\vec{v_0}$ の x 成分 v_{0x} と y 成分 v_{0y} はそれぞれ次のように表される。

$v_{0x}=v_0\cos\theta$， $v_{0y}=v_0\sin\theta$

また，時刻 t における物体の速度 $\vec{v}$ の x, y 成分を(v_x, v_y)，位置の座標を(x, y) とすると，

それぞれ次のように表される。
$v_x=v_0\cos\theta$　……①　　$v_y=v_0\sin\theta-gt$　……②
$x=v_0\cos\theta\cdot t$　……③　　$y=v_0\sin\theta\cdot t-1/2gt^2$　……④
式③と式④から t を消去すると，空中に投げ出された物体が描く曲線を表す次式が得られる。
$y=\tan\theta\cdot x-g/(2(v_0\cos\theta)^2)\cdot x^2$

✓Check
三角比
$\sin\theta=a/c$
$\cos\theta=b/c$
$\tan\theta=a/b$

例題ⅰ　水平投射

水平な床からの高さが 4.9 m の点から，物体を速さ 3.0 m/s で水平に投げ出した。重力加速度の大きさを 9.8 m/s² として，次の問いに答えよ。
⑴　物体を投げ出してから床に着くまでの時間は何 s か。

⑵　物体は，投げ出した点の真下から何 m 離れた位置に落下するか。

解　⑴　求める時間を t〔s〕とすると，$1/2\times9.8\ \mathrm{m/s^2}\times t^2=4.9\ \mathrm{m}$ より，$t=$**1.0 s**
⑵ 求める距離を x〔m〕とすると，$x=3.0\ \mathrm{m/s}\times1.0\ \mathrm{s}=$**3.0 m**

つながる指針
物体の運動を，鉛直方向には自由落下と同じ運動，水平方向には等速度運動として分けて扱う。

類題 i　水平な床からの高さが同じ点から，物体 A と物体 B をそれぞれ 2.0 m/s, 5.0 m/s の速さで同時に水平に投げ出したところ，A は投げ出した点の真下から 1.2 m 離れた位置に落下した。B は投げ出した点の真下から何 m 離れた位置に落下したか。　3.0 m

例題 ii　斜方投射
図のように，時刻 0 s に，地上の点 O から小物体を仰角 θ の向きに速さ v_0 で投げ出した。重力加速度の大きさを g として，次の問いに答えよ。
⑴　放物運動の最高点の高さ H を求めよ。
⑵　落下するまでに水平方向に移動する距離(水平到達距離) D を求めよ。

解　⑴　最高点に達する時刻を t_1 とすると，このとき，速度の鉛直方向の成分は 0 であるから，式②より，
$0=v_0\sin\theta-gt_1$　よって，$t_1=(v_0\sin\theta)/g$
これを式④に代入すると，最高点の高さ H は，
$H=v_0\sin\theta\cdot(v_0\sin\theta)/g-1/2g((v_0\sin\theta)/g)^2=\boldsymbol{(v_0\sin\theta)^2/(2g)}$
⑵　地面に落下する時刻を t_2 とすると，式④で $y=0$ として，
$0=v_0\sin\theta\cdot t_2-1/2gt_2^2$　　$t_2\neq0$ より，$t_2=(2v_0\sin\theta)/g$
これを式③に代入して，水平到達距離 D は，
$D=v_0\cos\theta\cdot(2v_0\sin\theta)/g=\boldsymbol{(2v_0^2\sin\theta\cos\theta)/g}\ (=\boldsymbol{(v_0^2\sin2\theta)/g})$ →p.271　2 倍角の公式

✓Check
鉛直投げ上げの式→p.45 式⒆を用いて，
$0^2-(v_0\sin\theta)^2=-2gH$ から，H を求めることもできる。

✓Check
$t_2=2t_1$

✓Check

v_0が一定の場合，$2\theta=90°$（$\theta=45°$）のとき，水平到達距離が最大になる。

つながる指針

①鉛直方向には鉛直投げ上げ運動，水平方向には等速度運動として扱う。

②最高点に達したとき，速度の鉛直方向の成分は 0 である。

類題 ii　高さ 9.8 m の点から，仰角 30° の向きに 9.8 m/s の速さで小球を投げ出した。重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 として，次の問いに答えよ。

⑴　最高点の地面からの高さは何 m か。

⑵　地面に達するのは投げ出してから何 s 後か。

⑶　地面に達するまでの水平到達距離 L は何 m か。

⑴ 11.0 m　⑵ 2.0 s 後　⑶ 17 m

第 6 節の振り返り

●放物運動は，水平方向には等速度運動，鉛直方向には等加速度直線運動に分解できる。

◆ Challenge

☐ 噴水の水が描くアーチなど，身の回りにある水平投射や斜方投射の例を探してみよう。

章末問題

1　等速直線運動，等加速度直線運動（→p.16，33）

エレベーターが 1 階から鉛直上向きに動き出した。初めの 5.0 s 間は大きさ 1.2 m/s^2 の一定の加速度で動き，次の 10 s 間は一定の速度で動いた。その後，6.0 s 間は一定の加速度で減速して止まった。

⑴　エレベーターの速さの最大値はいくらか。

⑵　最後の 6.0 s 間の加速度の大きさはいくらか。

⑶　動き出してから止まるまでにエレベーターは何 m 上昇したか。

2　速度の合成（→p.20）

東西に 4000 km 離れた 2 つの都市 A，B を結ぶジェット機の飛行時間を考えよう。ジェット機は空気に対して 900 km/h の一定の速さで飛ぶものとし，また，ジェット機の航路には，西から東へ向かって速さ 100 km/h のジェット気流とよばれる空気の流れがあるとする。この場合，ジェット機が東の都市 A から西の都市 B へ飛ぶときの時間は，都市 B から都市 A へ飛ぶときの時間よりも何分長くかかるか。

3　等加速度直線運動（→p.36）

x 軸上を運動する物体が，時刻 0 s に原点 O を x 軸の正の向きに通過した。図は，それ以後の物体の速度と時刻の関係を表している。

⑴　この物体の加速度はいくらか。

⑵　物体の x 座標が最も大きくなる時刻と，その座標を求めよ。

⑶　時刻 0 s から 15 s までの間に物体が進んだ距離(道のり)はいくらか。

4　落下運動（→p.41，43）

橋の上から小物体 A❶を自由落下させ，その 1.0 s 後に同じ位置から小物体 B を鉛直下向きに速さ 14.7 m/s で投げおろしたところ，A と B は同時に水面に達した。重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 として，次の問いに答えよ。

⑴　B を投げおろしてから水面に達するまでの時間は何 s か。

⑵　B を投げおろした時刻を t=0 s として，A，B それぞれの v-t グラフを描け。

5　等速度で上昇する気球からの落下運動（→p.46 例題 4）

一定の速さ 4.9 m/s で鉛直上向きに上昇している気球がある。地上からの高さが 98 m のところで，この気球から見て小物体を初速度の大きさ 0 で落下させた。地上から見て，この物体が到達する最高点の高さはいくらか。また，地表に物体が達するまでに要する時間と，地表に達する直前の物体の速度を求めよ。ただし，重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 とする。

❶ 物理では，大きさを無視することができる物体のことを小物体や小球のようにいうことがある。

内容解説資料

思考力を鍛える

1　等加速度直線運動（→p.33）

図のように，記録テープを貼りつけた力学台車を斜面上に置き，記録タイマーのスイッチを入れてから静かに手をはなす。記録タイマーは 1 s あたり 60 打点するものとする。これについて次の問いに答えよ。

⑴　下の図に示した記録テープの「基準」から 6 打点ごと(0.10 s ごと)に長さを測ると，表 1 のようになった。長さから求められる平均の速さを，各区間での時刻の中央値における瞬間の速さ v とみなして表 2 を作成する。表 2 の空欄に入る適切な値をそれぞれ求めよ。

↑　表 1

↑　表 2

⑵　⑴で作成した表 2 の結果をもとに，縦軸に瞬間の速さ v，横軸に各区間での時刻の中央値 t をとった v-t グラフに表す。グラフの特徴として適切なものをすべて選べ。

①　原点を通る。

②　x 軸と平行になる。

③　直線になる。

⑶　⑵で作成した v-t グラフから, この力学台車の運動についてどのようなことがわかるか。適切なものをすべて選べ。

①　この力学台車の速度は時間の経過とともに大きくなる。

②　この力学台車の加速度は時間の経過とともに大きくなる。

③　この力学台車にはたらく合力は時間の経過とともに大きくなる。

④　この力学台車にはたらく合力は時間が経過しても変わらない。